# 線形切欠き力学の適用限界に関する研究

川村 壮司\*1

A study about the application limit of Linear Notch Mechanics.

#### Takashi KAWAMURA

This paper is the result that application limit of Linear Notch Mechanics. I inspected Notch radius and Notch length. Notch radius is important to Linear Notch Mechanics.

KEYWORDS: Liner Notch Mechanics, BFM

### 1. はじめに

線形切欠き力学は、切欠きを有する材料の破壊 を予測する強度評価手法である.その予測は、線 形破壊力学のように、き裂先端の厳しさの尺度で ある応力拡大係数のみでは破壊の予測はできない. 切欠きでは、最大応力だけではなく切欠きの半径 が関係してくる.

そこで本研究は, BFM を用いて線形切欠き力学 の適用できる限界について, 切欠きの大きさや切 欠きの深さを変化させて調べた.

## 2. 線形切欠き力学の原理

ここでは、線形切欠き力学の概念について切欠 き材を例にとって説明する.以下、切欠き底を原 点とする. 図1は、線形切欠き力学の概念を模式的に表し たものである。

LNM は、試験片と実物において、切欠き半径 ρ と最大応力 σ max が両者で等しいとき、弾性応力 場が等しくなり、さらにレスポンスの等価性によ り弾塑性応力場も等しくなり、試験片と実物で同 一現象が生じることを保証するものである. すな わち、線形切欠き力学は切欠き半径 ρ と最大応力 σ max を厳しさの尺度とするものである.

#### 3. 解析形状および解析条件

図2は、BFM 解析で平面応力条件下に用いた、 中央に切欠きを有する帯板の形状と寸法および計 算対象領域を示している.形状は、中央に円孔が あるものから切欠き半径 $\rho$ =2mm は同じで切欠き 深さを板幅端から1mmのところまで変化させた. 主な寸法は、板長さ60mm、板幅60mmである.

\*1 機械工学科(Dept. Mechanical Engineering), E-mail:t-kawamura@oyama-ct.ac.jp



図1線形切欠き力学の原理

図3は,BFM 解析で平面応力条件下に用いた, 中央に切欠きを有する帯板の形状と寸法および計 算対象領域を示している.形状は,中央に円孔が あるものから切欠き半径ρ=6mm は同じで切欠き 深さを板幅端から1mmのところまで変化させた. 主な寸法は,板長さ180mm,板幅120mmである.

図4は、BFM 解析で平面応力条件下に用いた、 中央に切欠きを有する帯板の形状と寸法および計 算対象領域を示している.形状は、中央に円孔が あるものから切欠き半径 $\rho$ =30mm は同じで切欠き 深さを板幅端から1mmのところまで変化させた. 主な寸法は、板長さ180mm、板幅120mmである.

線形切欠き力学の解析では,以下の条件を用い た.

ヤング率 E=70.6GPa, ポアソン比 v=0.33 である.





図3 計算形状および計算対象領域 p=6mm





### 4. 線形切欠き力学の適用限界

ここでは、平面応力条件下において解析し、切 欠き半径と切欠き深さを変化させ線形切欠き力学 の適用限界について得られる結果について検討する.

図5は、切欠き半径ρ=2,6,30mmと違う場合 の切欠き底の応力分布について示している.縦軸 は切欠き底の応力、横軸は切欠き底からの距離で ある.これより、円孔の切欠き半径が違うと線形 切欠き力学は成立しない.

図6は、切欠き半径ρ=2,6,30mmと違う場合 で切欠き深さが同じ場合の切欠き底の応力分布に ついて示している.縦軸は切欠き底の応力、横軸 は切欠き底からの距離である.これより、切欠き 深さが同じ場合でも切欠き半径が違うと線形切欠 き力学は成立しない.

図5と図6より、切欠き半径が重要であり、切 欠き深さや板幅はあまり関係ないことがわかる.

図7は、切欠き半径ρ=2mmの場合で切欠き深さ を変化させた場合の切欠き底の応力分布について 示している.縦軸は切欠き底の応力、横軸は切欠 き底からの距離である.これより、切欠き半径が 同じであれば、切欠き深さが変化して板幅に近く なっても線形切欠き力学は板幅から1mm程度とな る範囲まで成立する.

図8は、切欠き半径ρ=6 mmの場合で切欠き深さ を変化させた場合の切欠き底の応力分布について 示している.縦軸は切欠き底の応力、横軸は切欠 き底からの距離である.これより、切欠き半径が 同じであれば、切欠き深さが変化して板幅に近く なっても線形切欠き力学は板幅から5 mm程度とな る範囲まで成立する.

図9は、切欠き半径 $\rho$ =30 mmの場合で切欠き深 さを変化させた場合の切欠き底の応力分布につい て示している.縦軸は切欠き底の応力、横軸は切 欠き底からの距離である.これより、切欠き半径 が同じであれば、切欠き深さが変化して板幅に近 くなっても線形切欠き力学は板幅から5 mm程度と なる範囲まで成立する.

次に,板幅から5mm程度までの範囲であれば線 形切欠き力学が成立することがわかったので細か く検証する.

図 10 は、切欠き半径 ρ=2 mmの場合で切欠き深 さを変化させた場合の切欠き底の応力分布につい て細かく検証したものを示している.縦軸は切欠 き底の応力、横軸は切欠き底からの距離である. これより、切欠き半径が同じであれば、切欠き深 さが変化して板幅に近くなっても線形切欠き力学 は板幅から1mm程度となる範囲まで成立する.

図 11 は、切欠き半径 ρ=6 mmの場合で切欠き深 さを変化させた場合の切欠き底の応力分布につい て細かく検証したものを示している.縦軸は切欠 き底の応力、横軸は切欠き底からの距離である. これより、切欠き半径が同じであれば、切欠き深 さが変化して板幅に近くなっても線形切欠き力学 は板幅から1 mm程度となる範囲まで成立する.

図12は、切欠き半径ρ=30mmの場合で切欠き深 さを変化させた場合の切欠き底の応力分布につい て細かく検証したものを示している.縦軸は切欠 き底の応力、横軸は切欠き底からの距離である. これより、切欠き半径が同じであれば、切欠き深 さが変化して板幅に近くなっても線形切欠き力学 は板幅から1mm程度となる範囲まで成立する.



図5 切欠き半径が違う場合の切欠き底応力分布





3 mm

= 5 mm



p = 2 mm

図7 切欠き半径が同じで切欠き深さが違う場合 の切欠き底の応力分布 ρ=2 mm



図8 切欠き半径が同じで切欠き深さが違う場合 の切欠き底の応力分布 o=6 mm



図 9 切欠き半径が同じで切欠き深さが違う場合 の切欠き底の応力分布 ρ=30 mm

## 5. おわりに

本研究では、線形切欠き力学を平面応力条件下 で適用し、切欠き半径と切欠き深さによる線形切







図 11 板幅に近く切欠き深さが違う場合の切欠 き底の応力分布 ρ=6 mm



図 12 板幅に近く切欠き深さが違う場合の切欠 き底の応力分布 p=30 mm

欠き力学の適用限界について調べた結果, 中央に 切欠きを有する帯板の場合は板幅からかなり近い 切欠き深さでも線形切欠き力学は成立する.

【受理年月日 2012年 9月28日】

1.2

1.0

0.8 0.8 0.0 Mg 0.6