

#### 研究タイトル:

提供可能技術:

## クレパント特異点解消の存在問題とマッカイ対応について

氏名: 佐藤 宏平 / Kohei Sato E-mail: k-sato at oyama-ct.ac.jp

職名: 講師 学位: 博士(理学)

所属学会 · 協会: 日本数学会, 日本応用数理学会

キーワード: 商特異点, クレパント特異点解消, マッカイ対応, トロピカル幾何学

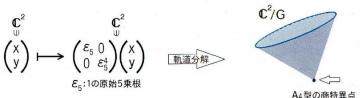
数学に関する質問

技術相談

### 研究内容:

n次元複素ベクトル空間  $\mathbb{C}^n$  には自然に一般線形群  $\mathrm{GL}(n,\mathbb{C})$  の有限部分群 G が作用し、この作用 による各点の軌道分解から**商特異**点  $\mathbb{C}^n/G$  が得られます。

例: 2次元のA4型商特異点

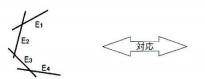


C<sup>2</sup>上のGによる群作用

A4型の商特異点 (1/5(1,4)型商特異点とも言われる)

特に,群Gを特殊線型群 $\mathrm{SL}(n,\mathbb{C})$ の有限部分群とすれば $\mathrm{Gorenstein}$ 商特異点 $\mathbb{C}^n/G$ が得られ,クレパント特異点解消(即ち,自明な標準因子を持つ特異点解消)を持つ必要条件を満たします.このクレパント特異点解消により得られる例外因子と群 $\mathrm{G}$ の非自明既約表現の間には「マッカイ対応」と呼ばれる対応があると予想されています.

例:2次元のA4型商特異点



C²/Gの極小特異点解消の例外因子 (クレパント解消)



Gの非自明既約表現から得られる 双対Dynkin図形

実際に n=2,3 の場合には、マッカイ対応の具体的な構成法が知られており、一方で  $n\geq 4$  の場合に対しては未解決な部分も多く、そもそも特異点  $\mathbb{C}^n/G$  がいつクレパント特異点解消を持つのか? という問題すら解決されていません.この問題は「クレパント特異点解消の存在問題」と呼ばれています.

私は現在,上で述べた「マッカイ対応」や「クレパント特異点解消の存在問題」を中心に研究活動を行っています.一方で,「トロピカル幾何学」という分野にも興味を持っています.

researchmap: https://researchmap.jp/K--S

研究紀要:-

#### 提供可能な設備・機器:

名称·型番	(メーカー)



# On the existence problem of crepant resolutions and the McKay correspondence

				The state of the s		
Name	Kohei	hei Sato E-mail k-sato at oyama-ct.ac.jp				
Status	Lectur	turer				
Affiliations		MSJ, JSIAM				
Keywords Crepant Resolutions, McKay Correspondences, Tropical Geometry				etry		
Technical Support Skills		Mathematical things				

#### Research Contents

A finite subgroup G of the general linear group  $GL(n, \mathbb{C})$  acts on the n dimensional complex vector space  $\mathbb{C}^n$  naturally, and we have a quotient singularity  $\mathbb{C}^n/G$  by the orbital decomposition.



Example: The quotient singularity of A-type

 $\mathcal{E}_5$ : A primitive 5-th root of 1 The group action on  $\mathbb{C}^2$ 

The quotient singularity of A-type (The quotient singularity of 1/5(1,4)-type)

Especially, if the finite subgroup G is of the special linear group  $\mathrm{SL}(n,\mathbb{C})$ , then we have a Gorenstein quotient singularity  $\mathbb{C}^n/G$ , and this singularity satisfies a necessary condition to have a *crepant resolution* (i.e., a resolution that does not affect the canonical class). It is conjectured that there exists a correspondence named McKay correspondence between the exceptional divisors of this resolution and the non-trivial irreducible representations of G.

Example: The quotient singularity of A4-type



The exceptional divisors of a crepant resolution of  $\mathbb{C}^2/G$ 

The dual Dynkin diagram from the non-trivial irreducible representations of G

In fact, in the case that n=2,3, some constructions of the McKay correspondences have been known. On the other hands, in the case that  $n\geq 4$ , there are some unsolved problems. For instance, the necessary and sufficient conditions for  $\mathbb{C}^n/G$  to have a crepant resolution have not known. This problem is called the *existence problem of crepant resolutions*.

Currently, my studies are executing focusing on the McKay correspondences and the existence problem of crepant resolutions. Additionally, I am also interested in the *Tropical geometry*.

researchmap: https://researchmap.jp/K--S

研究紀要:-

#### Available Facilities and Equipment